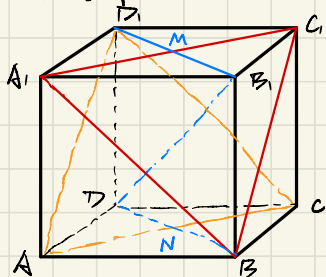


立体几何 —— ① 全面认识正方体 ② 典型线线、线面、面面关系、
③ 总结 线上面 $\xrightarrow{\text{垂线段长度}}$ 距离 $\xrightarrow{\text{垂线段长度}}$ 线面角的方法与结论。

一. 正方体:

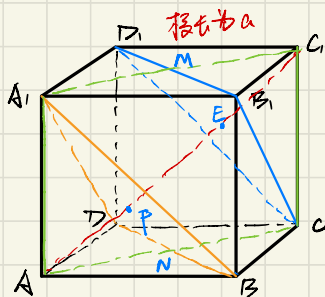


1. 平行: $A_1C_1 \parallel AC$; $A_1C_1 \parallel \text{面 } D_1AC$; 面 $A_1CB_1 \parallel \text{面 } D_1AC$

2. 垂直: $A_1B_1 \perp \text{面 } A_1D_1DA \Rightarrow A_1B_1 \perp AD_1$

$B_1D \perp AC, \dots \Rightarrow B_1D \perp \text{面 } D_1AC$

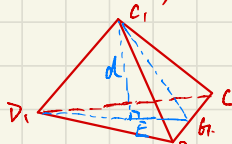
$B_1D \perp D_1N, B_1D \perp BM$



3. 距离: ① 求直线 C_1C 到平面 A_1B_1A 的距离, $d=a$.

② 求 C_1 到平面 D_1B_1C 的距离 d ?

★ 法一: (几何法). 取出三棱锥 $C_1-D_1B_1C$ (正三棱锥)



① 探索: 面 $D_1C_1A_1 \perp \text{面 } B_1CD_1$

② d 在 $\text{Rt}\triangle C_1ED$ 内, 且 E 为底面正三角形的中心

③ 求出 $\triangle C_1DE$ 中, $CD_1=a, DE=\frac{\sqrt{3}}{3}a \Rightarrow d=\frac{\sqrt{3}}{2}a$

4. 角度:

① 求直线 AB 与平面 ABC_1D_1 所成角

② 求 AB 与平面 A_1DB 所成角的余弦 ★ 法二: (等体积法)

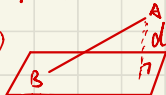
法一: (几何法) $\because AF \perp \text{面 } A_1DB$ 于 F

$\therefore BF$ 为 AB 在面 A_1DB 上的射影

$\therefore \angle ABF$ 为 AB 与平面 A_1DB 所成角

$\therefore \sin \angle ABF = \frac{AF}{AB} = \frac{\sqrt{3}}{2}$

法二: (抽象)



先求出 A 到平面 A_1DB 距离 $\frac{\sqrt{3}}{2}a$

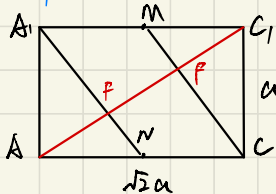
$\therefore \sin \theta = \frac{\text{垂线段 } d}{\text{斜线段 } AB} = \frac{\sqrt{3}}{2}$

$V_{C_1-D_1B_1C} = V_{C_1-B_1C_1D_1} \Rightarrow d = \frac{\sqrt{3}}{2}a$

析: ① 作出平面 A_1ACC_1 与平面 D_1B_1C 的交线 $\Rightarrow CM$ 过 E .

② 作出平面 A_1ACC_1 与平面 A_1DB 的交线 $\Rightarrow AN$ 过 F .

③ 则取出截面 A_1ACC_1



即: M, N 分别为 A_1C_1, AC 中点
面对角线 $AC = \sqrt{2}a$
 $\therefore E, F$ 为 AC 的三等分点

④ 求二面角 A_1-DB-C 的余弦.